



University of Science and the Technology
Houari Boumediene (USTHB)



Faculty of Physics

CHAPTER 1

KINEMATICS

Kinematics exercises

1st year LIC.INFORMATIQUE

□ Set.02 : Kinematics

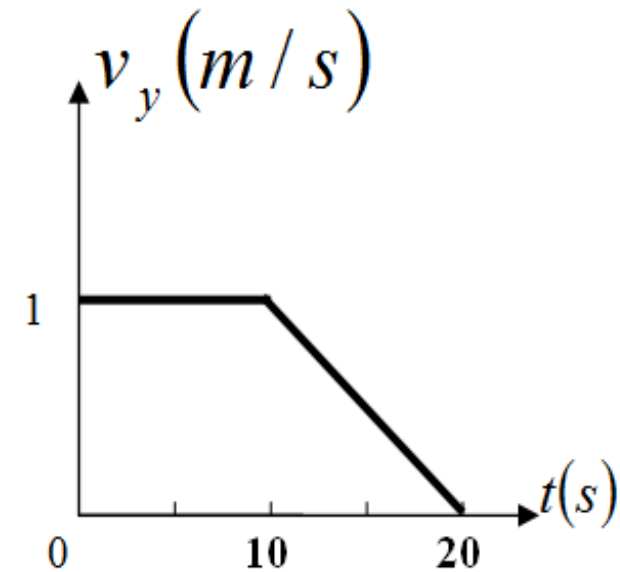
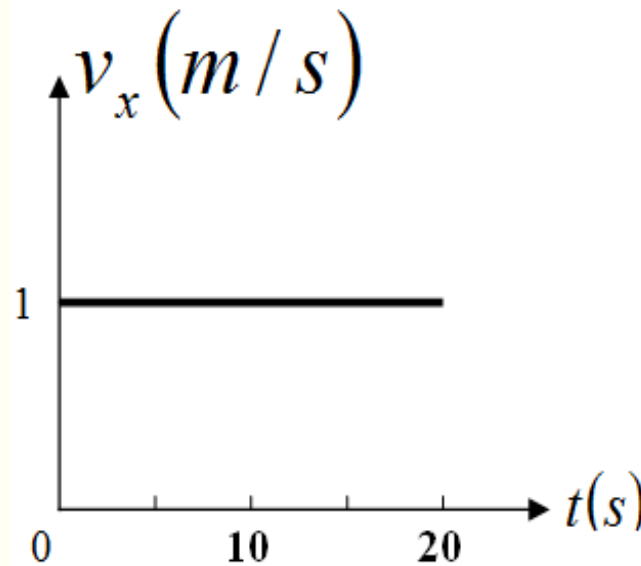
EXERCICE 4:

On considère un mobile M se déplaçant sur un plan (xOy) . On donne, ci-dessous, les graphes $V_x(t)$ et $V_y(t)$ traduisant la variation, au cours du temps, des composantes de sa vitesse. On suppose qu'à $t = 0$ s, $x = 0$ m et $y = 0$ m.

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

- Quelle est la distance parcourue par le mobile entre les instants $t = 0$ s et $t = 10$ s



- Représenter les graphes $a_x(t)$ et $a_y(t)$ traduisant la variation des composantes de l'accélération en fonction du temps. Préciser les échelles utilisées.

- Représenter, sur la trajectoire, les vecteurs vitesse et accélération du mobile aux instants $t_1 = 5$ s et $t_2 = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 1 m/s et 1 cm \rightarrow 0.1 m/s²

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

✓ Méthode.01 : la méthode graphique

On sait que : $\vec{V} = V_x \vec{i} + V_y \vec{j}$

$$\left\{ \begin{array}{l} V_x = \frac{dx}{dt} \\ V_y = \frac{dy}{dt} \end{array} \right. \xrightarrow{\text{green arrow}} \left\{ \begin{array}{l} dx = V_x dt \\ dy = V_y dt \end{array} \right.$$

Donc :

$$\left\{ \begin{array}{l} \int_0^{x_t} dx = \int_0^t V_x dt \\ \int_0^{y_t} dy = \int_0^t V_y dt \end{array} \right. \xrightarrow{\text{green arrow}} \left\{ \begin{array}{l} x_t - x_0 = \int_0^t V_x dt \\ y_t - y_0 = \int_0^t V_y dt \end{array} \right.$$

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

✓ Méthode.01 : la méthode graphique

$$\left\{ \begin{array}{l} x_t - x_0 = \int_0^t V_x dt \\ y_t - y_0 = \int_0^t V_y dt \end{array} \right.$$

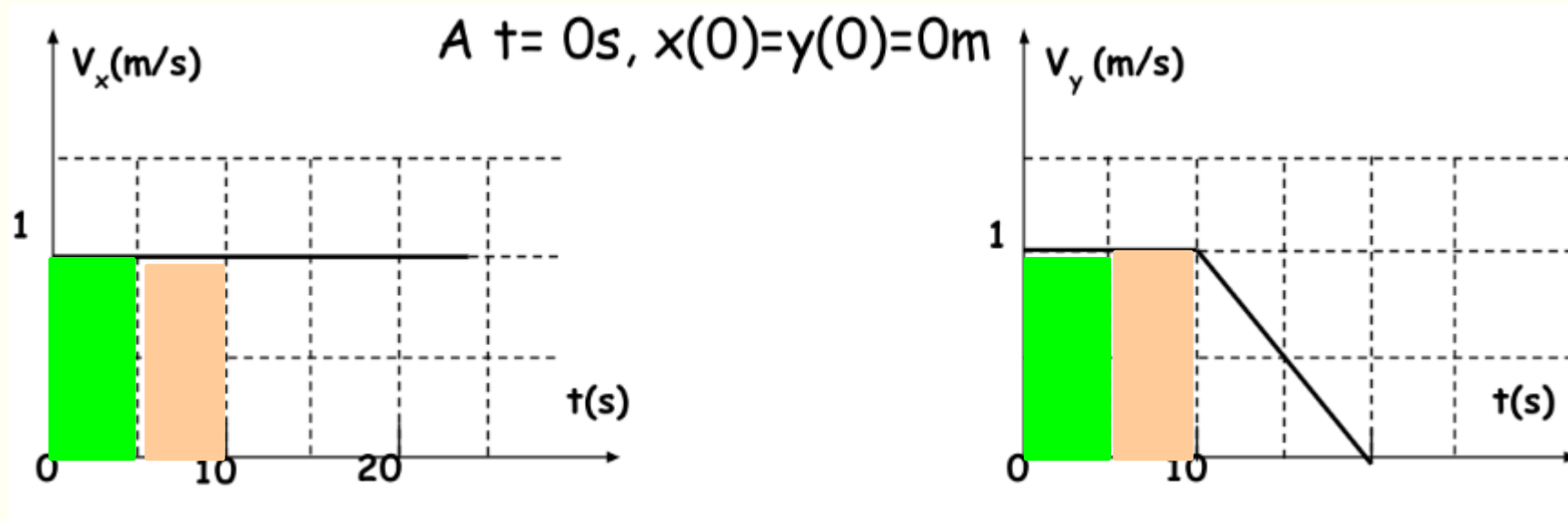
L'aire algébrique sous le graphe de $V_x(t)$

L'aire algébrique sous le graphe de $V_y(t)$

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

✓ **Méthode.01 : la méthode graphique**



t (s)	0	5	10	15	20
x (m)	0	5	10	15	20
y (m)	0	5	10	13.75	15

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

✓ Méthode.02 : La méthode analytique

On sait que :

$$\vec{V} = V_x \vec{i} + V_y \vec{j}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} V_x = \frac{dx}{dt} \\ V_y = \frac{dy}{dt} \end{array} \right.$$

Donc :

$$\left\{ \begin{array}{l} dx = V_x dt \\ dy = V_y dt \end{array} \right.$$

Cherchons d'abord les équations horaires $x = f(t)$ et $y = f(t)$:


□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

✓ $\underline{V_x}$: $0 \leq t \leq 20$ s , $V_x = \text{Cste} = 1$ m/s

$$\int_0^t dx = \int_0^t V_x dt$$

 $x(t) - x(0) = \int_0^t V_x dt = \int_0^t dt = t$

 $x(t) = t$ (m)


□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

✓ \underline{V}_y : $0 \leq t \leq 10$ s, $V_x = \text{Cste} = 1$ m/s

$$\int_0^t dy = \int_0^t V_y dt$$

 $y(t) - y(0) = \int_0^t V_y dt = \int_0^t dt = t$

 $y(t) = t$ (m)

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

✓ $\underline{V_y}$: $10 \leq t \leq 20$ s, $V_x \neq \text{Cste} = \downarrow$ au cours du temps

On cherche :

$$V_y(t) = at + b$$

Avec :

$$a = \text{pente} = \frac{\Delta V_y}{\Delta t} = -\frac{1}{10} = -0.1 \text{ m/s}^2$$

Pour b :

$$V_y(t = 20\text{s}) = -\frac{1}{10} \times 20 + b$$



$$b = 2$$



$$V_y(t) = -0.1 t + 2$$


□ Set.02 : Kinematics


- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

✓ \underline{V}_y : $10 \leq t \leq 20$ s, $V_x \neq \text{Cste} = \downarrow$ au cours du temps

$$\int_{10}^t dy = \int_{10}^t V_y dt \implies y(t) - y(10) = \int_{10}^t V_y dt$$

 $y(t) - y(10) = \int_{10}^t (-0.1 t + 2) dt$

 $y(t) - y(10) = \left[-\frac{0.1}{2} t^2 + 2t \right]_{10}^t$

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

Avec $y_0 = 0$ m ;

Donc ;
$$y(t) = -\frac{0.1}{2} t^2 + 2t - 5 \quad (m)$$

On récapitulons :

$$\left\{ \begin{array}{l} x(t) = t \quad \text{pour } 0 \leq t \leq 20 \text{ s} \\ y(t) = \begin{cases} t & \text{pour } 0 \leq t \leq 10 \text{ s} \\ -\frac{0.1}{2} t^2 + 2t - 5 & \text{pour } 10 \leq t \leq 20 \text{ s} \end{cases} \end{array} \right. \quad (m)$$

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

On prendra pour échelle : 1 cm \rightarrow 2 m

Et comme $x = t$, nous retrouvons l'équation de la trajectoire :

$$y \begin{cases} x & \text{pour } 0 \leq t \leq 10 \text{ s} \\ -\frac{0.1}{2} x^2 + 2x - 5 & \text{pour } 10 \leq t \leq 20 \text{ s} \end{cases}$$

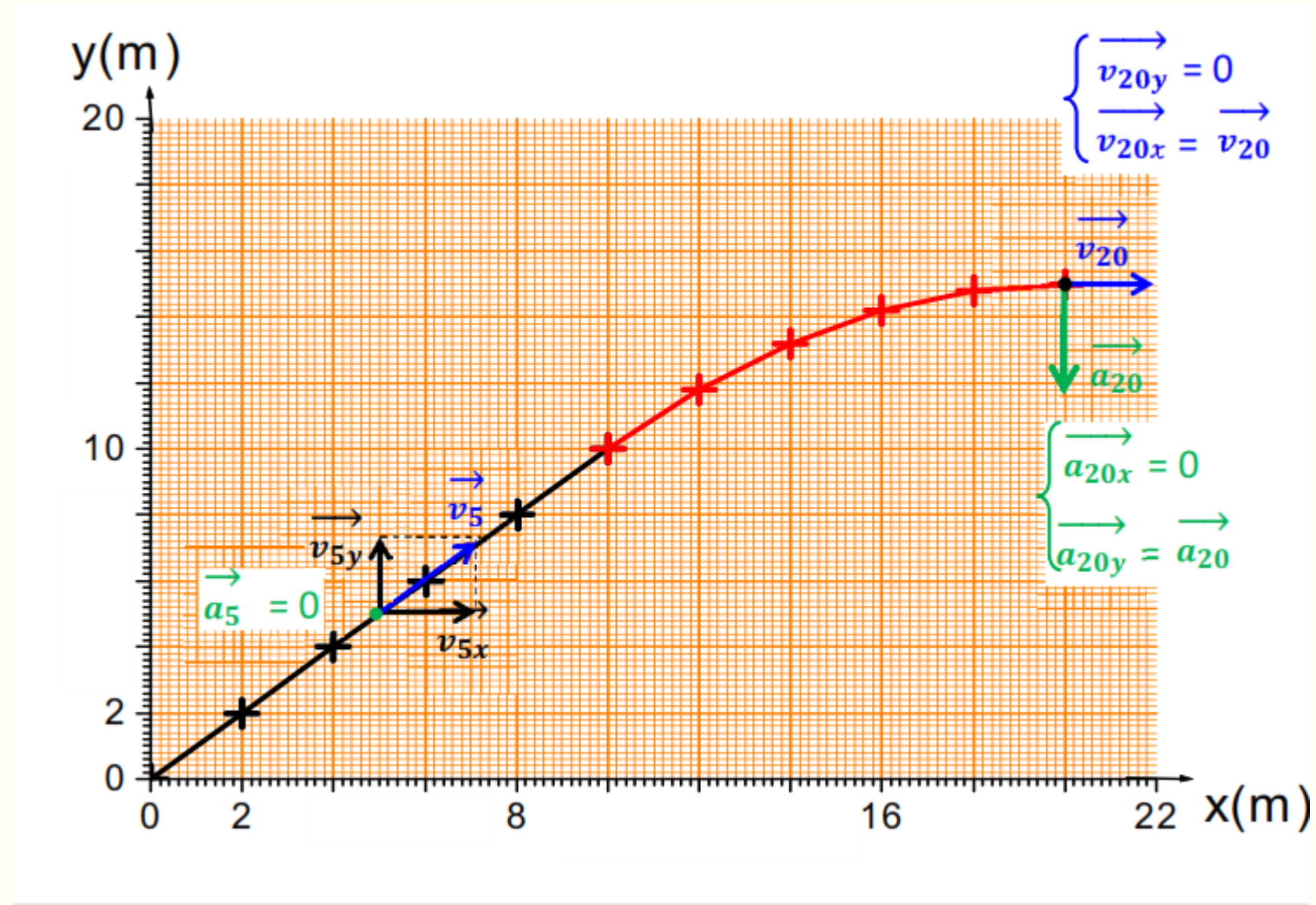
Et pour tracer la trajectoire du mobile, on remplit le tableau suivant :

x (m)	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
y (m)	2	4	6	8	10	11.8	13.2	14.2	14.8	15

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter la trajectoire qui décrit le mouvement du mobile M entre les instants $t = 0$ s et $t = 20$ s

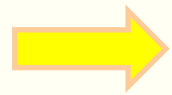
On prendra pour
échelle : 1 cm \rightarrow 2 m



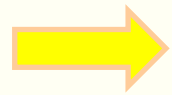
□ Set.02 : Kinematics

- Quelle est la distance parcourue par le mobile entre les instants $t = 0$ s et $t = 10$ s

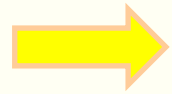
$$\overrightarrow{M_0M_{10}} = \Delta x \vec{i} + \Delta y \vec{j}$$



$$\overrightarrow{M_0M_{10}} = (x_{10} - x_0) \vec{i} + (y_{10} - y_0) \vec{j}$$



$$\overrightarrow{M_0M_{10}} = (10 - 0) \vec{i} + (10 - 0) \vec{j}$$



$$d = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2}$$

$$\rightarrow d = 10\sqrt{2} \quad (m)$$

□ Set.02 : Kinematics

- Représenter les graphes $a_x(t)$ et $a_y(t)$ traduisant la variation des composantes de l'accélération en fonction du temps. Préciser les échelles utilisées.

On sait que :

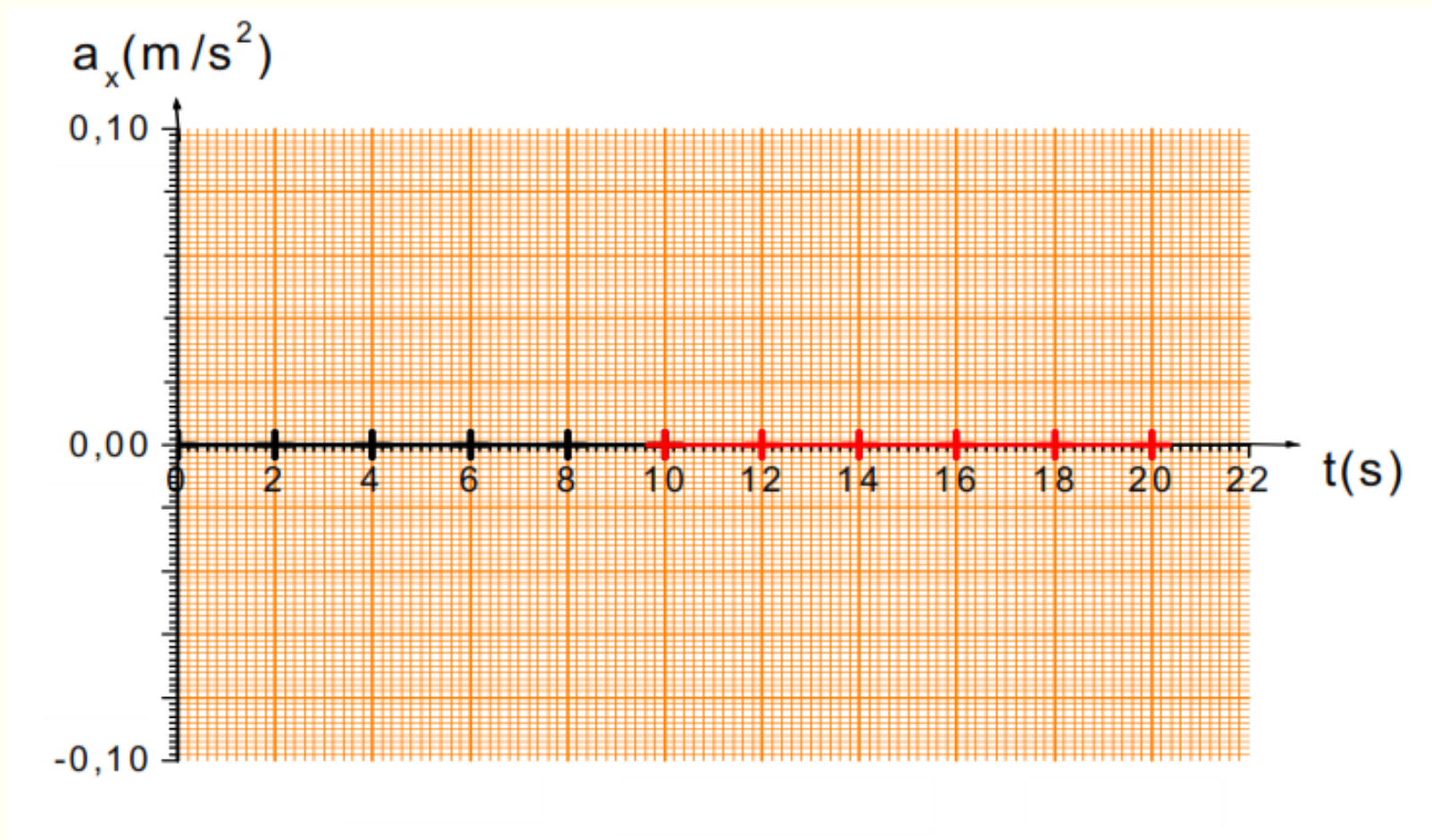
$$\vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j}$$
$$a_x = \frac{dV_x}{dt} \qquad a_y = \frac{dV_y}{dt}$$

On aura donc :

$$\left\{ \begin{array}{ll} 0 \leq t \leq 20 \text{ s} & a_x = 0 \text{ m/s}^2 \\ 0 \leq t \leq 10 \text{ s} & a_y = 0 \text{ m/s}^2 \\ 10 \leq t \leq 20 \text{ s} & a_y = -0.1 \text{ m/s}^2 \end{array} \right.$$

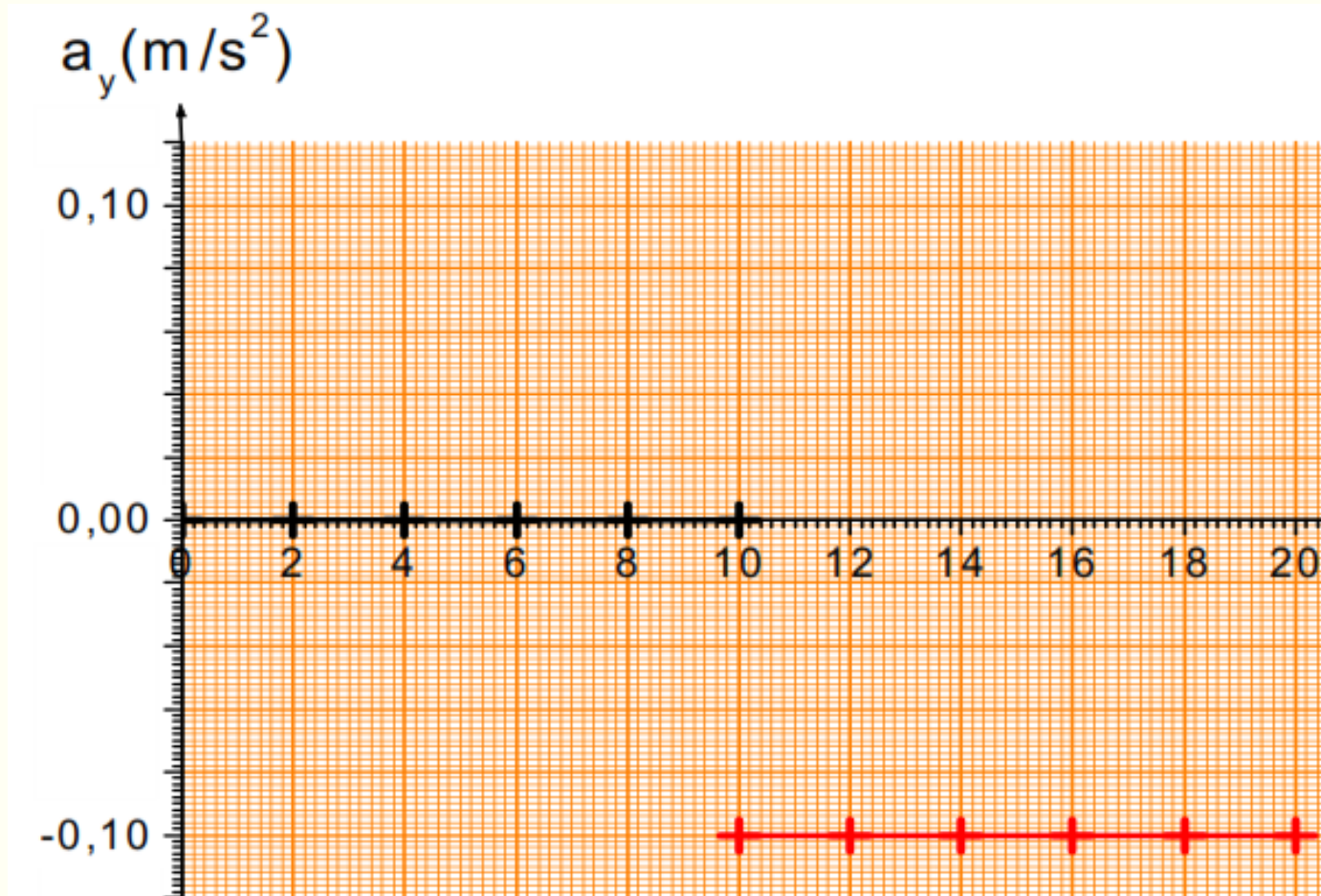
□ Set.02 : Kinematics

- Représenter les graphes $a_x(t)$ et $a_y(t)$ traduisant la variation des composantes de l'accélération en fonction du temps. Préciser les échelles utilisées.



□ Set.02 : Kinematics

- Représenter les graphes $a_x(t)$ et $a_y(t)$ traduisant la variation des composantes de l'accélération en fonction du temps. Préciser les échelles utilisées.



□ Set.02 : Kinematics

EXERCICE 5 :

Dans un repère fixe, $R (Ox, Oy)$, les composantes des vecteurs vitesses de deux mobiles A et B sont données, respectivement, par les expressions suivantes :

$$\vec{V}_A \left| \begin{array}{l} V_{Ax} = -t \text{ (m/s)} \\ V_{Ay} = -t \text{ (m/s)} \end{array} \right.$$

$$\vec{V}_B \left| \begin{array}{l} V_{Bx} = -t \text{ (m/s)} \\ V_{By} = +t \text{ (m/s)} \end{array} \right.$$

- Déterminer les équations horaires du mouvement, sachant qu'à l'instant initial $t = 0 \text{ s}$, les deux mobiles occupaient les positions suivantes :

$$\overrightarrow{OM}_A (t = 0\text{s}) \left| \begin{array}{l} x_{A0} = 1 \text{ (m)} \\ y_{A0} = 1 \text{ (m)} \end{array} \right.$$

$$\overrightarrow{OM}_B (t = 0\text{s}) \left| \begin{array}{l} x_{B0} = 2 \text{ (m)} \\ y_{B0} = 0 \text{ (m)} \end{array} \right.$$

- Montrer que les deux mouvements sont rectilignes et uniformément accélérés.
- Calculer la vitesse moyenne du mobile A, dans l'intervalle de temps $[0, 1]\text{s}$
- Quelle est la distance qui sépare les positions occupées par les deux mobiles à l'instant $t = 1\text{s}$
- Montrer que les trajectoires de A et de B sont perpendiculaires.

□ Set.02 : Kinematics

Corrigé de l'exercice 5 :

- Déterminer les équations horaires du mouvement, sachant qu'à l'instant initial $t = 0$ s, les deux mobiles occupaient les positions suivantes :

✓ Pour le mobile A : Nous avons: $\vec{V}_A = \frac{d\overrightarrow{OM}_A}{dt} \Rightarrow d\overrightarrow{OM}_A = \vec{V}_A dt$

$$\begin{cases} x_A = x_{A0} + \int_0^t V_{Ax} dt \\ y_A = y_{A0} + \int_0^t V_{Ay} dt \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_A = 1 + \int_0^t -t dt \\ y_A = 1 + \int_0^t -t dt \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_A(t) = 1 - \frac{t^2}{2} \\ y_A(t) = 1 - \frac{t^2}{2} \end{cases} \quad (m)$$

□ Set.02 : Kinematics

- Déterminer les équations horaires du mouvement, sachant qu'à l'instant initial $t = 0$ s, les deux mobiles occupaient les positions suivantes :

✓ Pour le mobile A : Nous avons: $\vec{V}_B = \frac{d\overrightarrow{OM}_B}{dt} \Rightarrow d\overrightarrow{OM}_B = \vec{V}_B dt$

$$\begin{cases} x_B = x_{B0} + \int_0^t V_{Bx} dt \\ y_B = y_{B0} + \int_0^t V_{By} dt \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_B = 2 + \int_0^t -t dt \\ y_B = 0 + \int_0^t t dt \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_B(t) = 2 - \frac{t^2}{2} \\ y_B(t) = \frac{t^2}{2} \end{cases} \quad (m)$$

□ Set.02 : Kinematics

- Montrer que **les deux mouvements** sont **rectilignes** et **uniformément accélérés**.

Pour le montrer, il faut d'abord;

- ✓ **Rectiligne** : tracer **la trajectoire**, et montrer que c'est une **droite**
- ✓ **Uniformément** : On calcul l'**accélération**, et on montre qu'elle est **constante**
- ✓ **Accéléré** : On vérifie le produit scalaire $\vec{a} \cdot \vec{V}$, et si ce produit est **positif**, donc le mouvement est accéléré

□ Set.02 : Kinematics

- Montrer que les deux mouvements sont rectilignes et uniformément accélérés.

❖ **Trajectoire**: Cherchons l'équation de la trajectoire, pour chaque mobile, de la forme $y = f(x)$.

✓ **Mobile A** :

$$\begin{cases} x_A(t) = 1 - \frac{t^2}{2} & (1) \\ y_A(t) = 1 - \frac{t^2}{2} & (2) \end{cases}$$

De l'équation (1), on tire le 't' et on l'injecte dans l'équation (2)

$$t^2 = 2(1 - x)$$

$$\Rightarrow y_A(x) = -\frac{2}{2}(1 - x) + 1 \quad \Rightarrow y_A(x) = x$$

□ Set.02 : Kinematics

- Montrer que les deux mouvements sont rectilignes et uniformément accélérés.

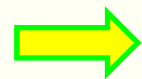
❖ **Trajectoire**: Cherchons l'équation de la trajectoire, pour chaque mobile, de la forme $y = f(x)$.

✓ **Mobile B** :

$$\begin{cases} x_B(t) = 2 - \frac{t^2}{2} & (4) \\ y_B(t) = \frac{t^2}{2} & (5) \end{cases}$$

De l'équation (4), on tire le 't' et on l'injecte dans l'équation (5)

$$t^2 = 2(2 - x)$$



$$y_B(x) = 2 - x$$

□ Set.02 : Kinematics

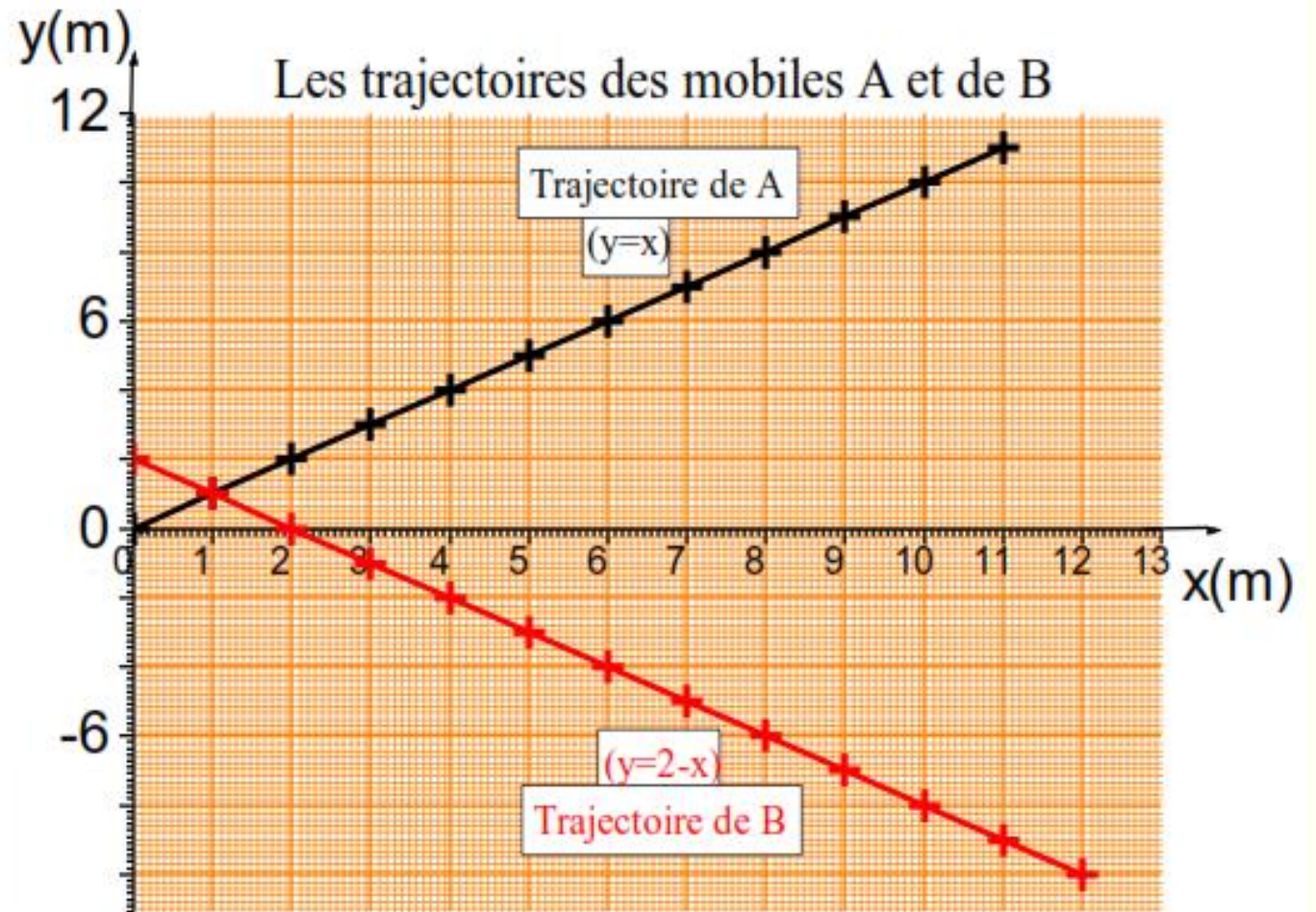
- Montrer que les deux mouvements sont rectilignes et uniformément accélérés.

❖ **Trajectoire**: Cherchons l'équation de la trajectoire, pour chaque mobile, de la forme $y = f(x)$.

$$\begin{cases} y_A(x) = x \\ y_B(x) = 2 - x \end{cases}$$



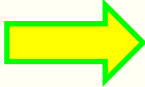
Nous pouvons conclure que les deux trajectoires c'est des droite, et par conséquent le mouvement est rectiligne.



□ Set.02 : Kinematics

- Montrer que les deux mouvements sont rectilignes et uniformément accélérés.

❖ **Accélération** : On calcul l'accélération de chaque mobile

✓ **Mobile A** : Par définition : $\vec{a}_A = \frac{d\vec{V}_A}{dt}$  $\vec{a}_A = a_{Ax} \vec{i} + a_{Ay} \vec{j}$

Avec : $a_{Ax} = \frac{dV_{Ax}}{dt}$ Et : $a_{Ay} = \frac{dV_{Ay}}{dt}$

$$\left\{ \begin{array}{l} a_{Ax} = -1 \text{ (m/s}^2\text{)} \\ a_{Ay} = -1 \text{ (m/s}^2\text{)} \end{array} \right. \quad \text{Et} \quad \vec{a}_A = -\vec{i} - \vec{j} \text{ (m/s}^2\text{)} \quad (1)$$
$$\|\vec{a}_A\| = \sqrt{2} = \text{cste (m/s}^2\text{)}$$

□ Set.02 : Kinematics

- Montrer que les deux mouvements sont rectilignes et uniformément accélérés.

❖ **Accélération** : On calcul l'accélération de chaque mobile

✓ **Mobile B** : $\vec{a}_B = a_{Bx} \vec{i} + a_{By} \vec{j}$

Avec : $a_{Bx} = \frac{dV_{Bx}}{dt}$ Et : $a_{By} = \frac{dV_{By}}{dt}$

$$\left\{ \begin{array}{l} a_{Bx} = -1 \text{ (m/s}^2\text{)} \\ a_{By} = 1 \text{ (m/s}^2\text{)} \end{array} \right. \longrightarrow \vec{a}_B = -\vec{i} + \vec{j} \text{ (m/s}^2\text{)} \quad (2)$$
$$\|\vec{a}_B\| = \sqrt{2} = c^{ste} \text{ (m/s}^2\text{)}$$

□ Set.02 : Kinematics

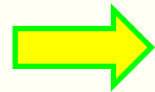
- Montrer que **les deux mouvements** sont **rectilignes** et **uniformément accélérés**.

❖ **Accélération** : On calcul l'accélération de chaque mobile

De l'équation (1) et (2), on déduit que **l'accélération** de **deux mobiles** est **constante** et par conséquent, **le mouvement** est **rectiligne uniformément**

❖ **Accélééré** : On calcul le produit scalaire :

$$\left\{ \begin{array}{l} \vec{a}_A \cdot \vec{V}_A > 0 \\ \vec{a}_B \cdot \vec{V}_B > 0 \end{array} \right.$$



par conséquent, **le mouvement** est **rectiligne uniformément Accélééré**
(MRUA)

□ Set.02 : Kinematics

- Calculer la vitesse moyenne du mobile A, dans l'intervalle de temps [0, 1]s

Par définition :

$$\vec{V}_m = \frac{\Delta x}{\Delta t} \vec{i} + \frac{\Delta y}{\Delta t} \vec{j}$$

Avec :

$$\Delta x = x_1 - x_0 \quad \Delta y = y_1 - y_0 \quad \Delta t = t_1 - t_0$$

Déterminons les positions du mobile A, à l'instant $t = 1$ s:

$$\begin{cases} x(1s) = x_1 = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \quad (m) \\ y(1s) = y_1 = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \quad (m) \end{cases}$$

□ Set.02 : Kinematics

- Calculer la vitesse moyenne du mobile A, dans l'intervalle de temps [0, 1]s

Finalemment, nous obtenons :

→
$$\vec{V}_m = \frac{x_1 - x_0}{t_1 - t_0} \vec{i} + \frac{y_1 - y_0}{t_1 - t_0} \vec{j}$$

→
$$\vec{V}_m = \frac{1/2 - 1}{1 - 0} \vec{i} + \frac{1/2 - 1}{1 - 0} \vec{j}$$

→
$$\vec{V}_m = -\frac{1}{2} \vec{i} - \frac{1}{2} \vec{j}$$

□ Set.02 : Kinematics

- Quelle est la distance qui sépare les positions occupées par les deux mobiles à l'instant $t = 1s$

✓ Mobile A:

$$\begin{cases} x_A(1s) = \frac{1}{2} \text{ (m)} \\ y_A(1s) = \frac{1}{2} \text{ (m)} \end{cases}$$



✓ Mobile B :

$$\begin{cases} x_B(1s) = \frac{3}{2} \text{ (m)} \\ y_B(1s) = \frac{1}{2} \text{ (m)} \end{cases}$$

$$\vec{d}_{AB} = (x_B - x_A)\vec{i} + (y_B - y_A)\vec{j} \quad \longrightarrow \quad \vec{d}_{AB} = \left(\frac{3}{2} - \frac{1}{2}\right)\vec{i} + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right)\vec{j}$$

$$\|\vec{d}_{AB}\| = 1 \text{ (m)}$$

□ Set.02 : Kinematics

- Montrer que les trajectoires de A et de B sont perpendiculaires.

Comme la trajectoire est rectiligne, par conséquent, le vecteur vitesse est bien tangent à la trajectoire.

Et pour montrer que les deux trajectoires sont perpendiculaires, on calcul le produit scalaire des deux vecteurs vitesses (Mobile A et mobile B).

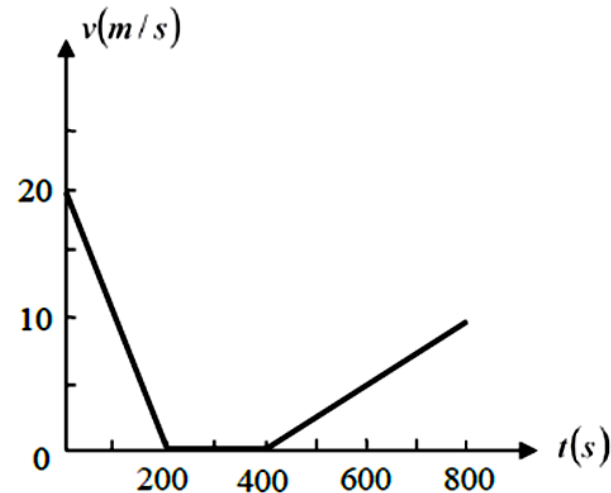
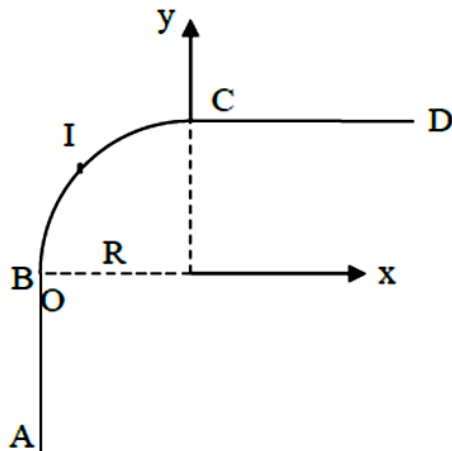
$$\left\{ \begin{array}{l} \vec{V}_A = -t \vec{i} - t \vec{j} \\ \vec{V}_B = -t \vec{i} + t \vec{j} \end{array} \right. \begin{array}{l} \longrightarrow \vec{V}_A \cdot \vec{V}_B = (-t)(-t) + (-t)(t) = 0 \\ \longrightarrow \vec{V}_A \perp \vec{V}_B \end{array}$$

Exercice 9*:

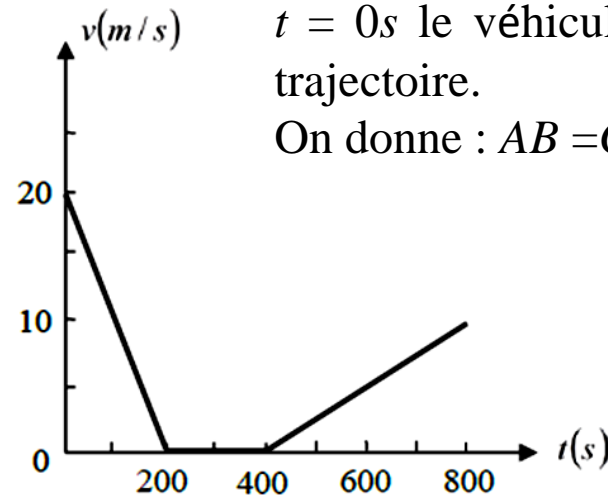
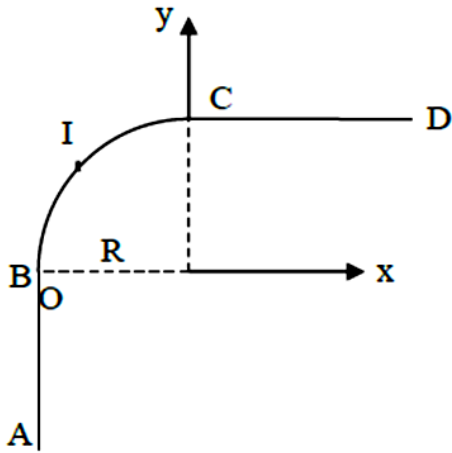
Un véhicule M, assimilé à un point matériel, se déplace sur la trajectoire (ABCD) de la figure ci-dessous constituée de deux parties rectilignes (AB) et (CD) et d'un quart de cercle (BC) de rayon R. Le diagramme des vitesses du mobile est donné en figure ci-jointe. A l'instant $t = 0s$ le véhicule se trouve au point A de la trajectoire.

On donne : $AB = CD = 2000m$ et $R = 2000/\pi m$

- 1) En quel point de la trajectoire, le véhicule s'arrête-t-il?
- 2) Calculer et représenter au point I, milieu de (BC), le vecteur accélération de M. On prendra pour échelles : $1cm \rightarrow m$ et $1cm \rightarrow 0,01m/s^2$
- 3) A l'instant $t = 250s$, un homme partant du point P de coordonnées $(x_p = 300m, y_p = 0m)$, se met à courir suivant l'axe $x'Ox$ en direction du point B. Son accélération a est constante et vaut $0,04m/s^2$. Est-ce que l'homme peut rejoindre le véhicule au point B ? Justifier votre réponse.



1) En quel point de la trajectoire, le véhicule s'arrête-t-il?



$t = 0s$ le véhicule se trouve au point A de la trajectoire.

On donne : $AB = CD = 2000m$ et $R = 2000/\pi m$

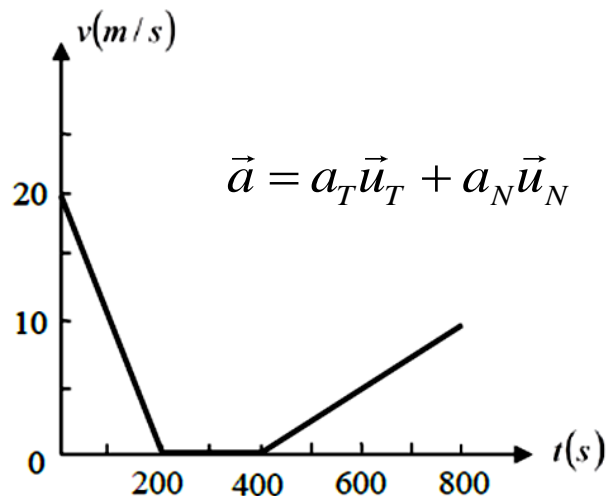
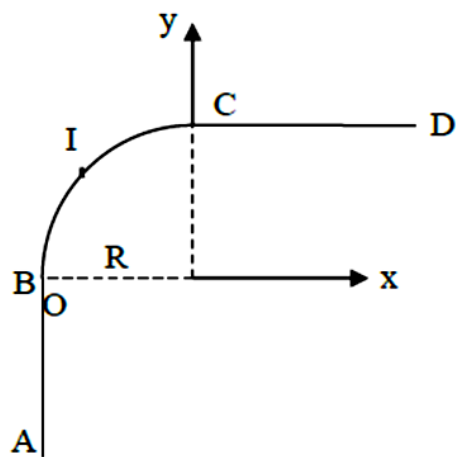
D'après le graphe de $v(t)$, le mobile s'arrête à $t = 200s$. Ceci correspond à une distance = aire sous le courbe en 0 et 200s

$$D = \frac{1}{2} * 200 * 20 = 2000m$$

Comme $AB = 2000m$ donc, il est au point B à $t = 200s$

2) Calculer et représenter au point I, milieu de (BC), le vecteur accélération de M.

On prendra pour échelles : $1\text{cm} \rightarrow \text{m}$ et $1\text{cm} \rightarrow 0,01\text{m/s}^2$



$$\vec{a} = a_T \vec{u}_T + a_N \vec{u}_N \quad \text{avec : } a_T = \frac{dv}{dt} \text{ et } a_N = \frac{v^2}{R}$$

La partie BC est un quart de cercle donc :

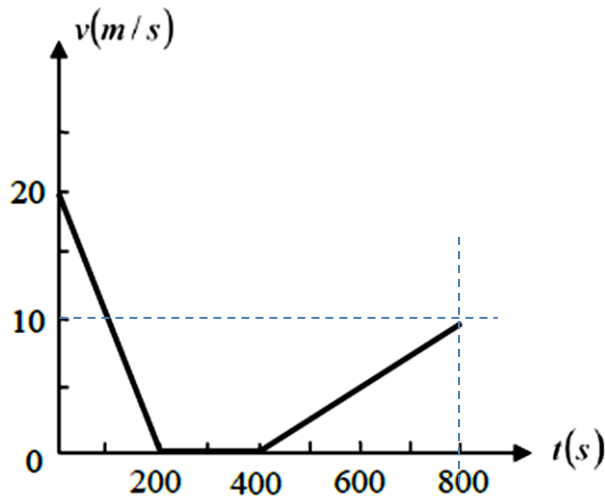
$$BC = \frac{1}{4}(2\pi R) \quad BC = \frac{1}{4}\left(2\pi \frac{2000}{\pi}\right) = 1000\text{m}$$

Comme I est milieu de BC donc $BI = 500\text{ m}$:

Le corps s'est arrêté en B à $t=200\text{s}$ pendant 200s . Il redémarre à $t=400\text{s}$

On cherche le temps qui correspond au point I c'est-à-dire à une distance $BI=500\text{ m} = \text{aire}$

$$BI = \frac{1}{2}(t_I - 400)v(t_I) = 500\text{m}$$



$$BI = \frac{1}{2}(t_I - 400)v(t_I) = 500$$

On cherche l'équation de la vitesse:

$$v(t) = at + b$$

$$a = a_t = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{10}{400} = 0.025 \text{ m/s}^2$$

Pour $t=400$ $v(400)=0$:

$$v(400) = 0 = 0.025 * 400 + b \Rightarrow b = -10 \text{ m/s}$$

l'équation de la vitesse est donc:

$$v(t) = 0.025t - 10$$

Donc le temps t du point I est donné par :

$$\frac{1}{2}(t_I - 400)(0.025t_I - 10) = 500$$

$$0.025t^2 - 20t + 3000 = 0$$

$$\Delta = 100 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = 600 \text{ s} \\ t_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = 200 \text{ s} \end{cases}$$

Donc le temps t du point I est égal à 600s:

l'équation de la vitesse est donc:

$$v(t) = 0.025t - 10$$

$$v(600s) = 0.025 * 600 - 10 = 5m/s$$

le vecteur accélération de M au point I est donc :

$$\vec{a} = a_T \vec{u}_T + a_N \vec{u}_N \quad \text{avec : } a_T = \frac{dv}{dt} \text{ et } a_N = \frac{v^2}{R}$$

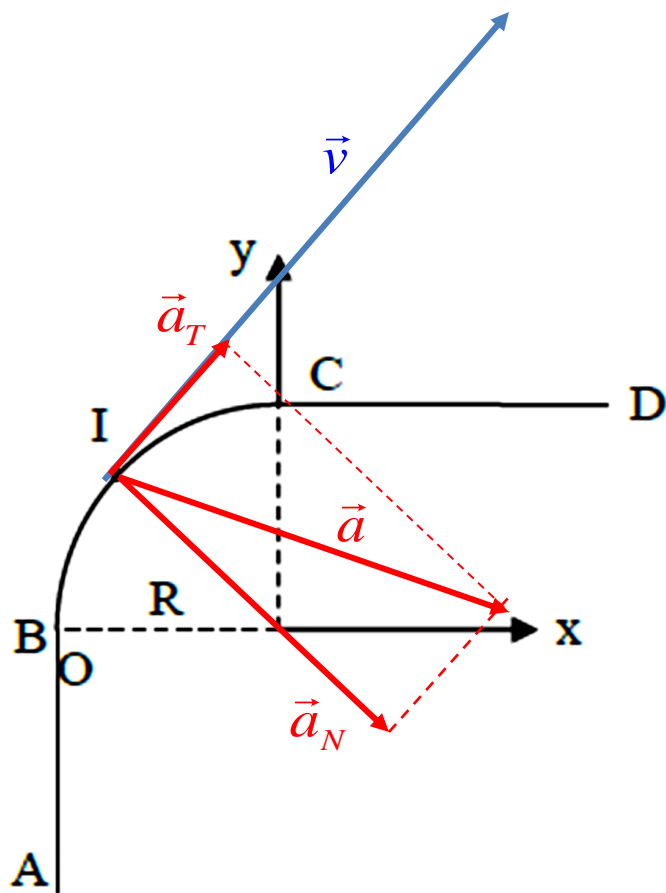
$$a_T = \frac{dv}{dt} = 0.025m/s^2 \text{ et } a_N = \frac{5^2}{2000} \pi = 0.039m/s^2$$

On prendra pour échelles : 1cm \rightarrow m et 1cm \rightarrow 0,01m/s²

$$a_T = 0.025m/s^2 \text{ (2.5cm)}$$

$$a_N = 0.039m/s^2 \text{ (\approx 4cm)}$$

$$v(600s) = 5m/s \text{ (5cm)}$$



3) A l'instant $t = 250s$, un homme partant du point P de coordonnées $(x_p = 300m, y_p = 0m)$, se met à courir suivant l'axe $x'Ox$ en direction du point B. Son accélération a est constante et vaut $0,04m/s^2$. Est-ce que l'homme peut rejoindre le véhicule M au point B ? Justifier votre réponse

M s'arrête au point B entre 200s et 400s.

Il se trouve à $x_M = -R = -2000/\pi$ m par rapport au repère $x'Ox$

P démarre à $t=250s$ de $x_{p0} = 300m$ avec une accélération $a_p = 0.04 m/s^2$

Il décrit donc un mouvement rectiligne uniforme d'équation :

$$x_p(t) = -\frac{1}{2} a_p t^2 + x_{p0} = -0.02t^2 + 300$$

Entre 250s et 400s il s'écoule 150s. On doit voir si pendant ce temps P se retrouve en $x_B = x_M = -R = -2000/\pi$ m = -637 m

$$x_p(150s) = -0.02 * 150^2 + 300 = -150m$$

On voit donc que P n'arrive pas au point B avant que M ne démarre.

